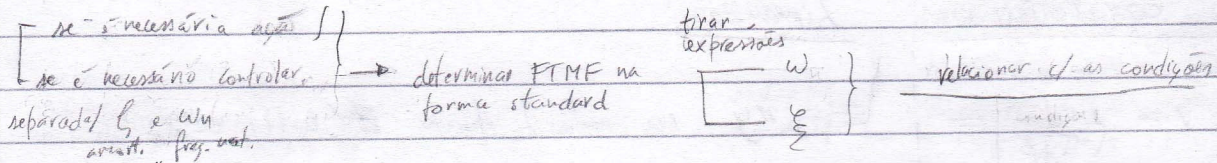


1- se precisando as condições para cada caso (C1), (C2), ... das normas

Estabelecer arquitetura:

↓ ver



2 par. ajust.

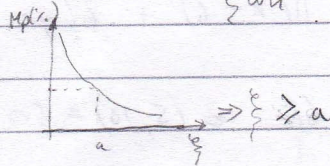
$\varepsilon_{ss} = 2\% \rightarrow t_s \approx 4T = \frac{4}{\zeta \omega_n} < a \text{ para } \zeta \leq 0,9$

se $\zeta = 1$

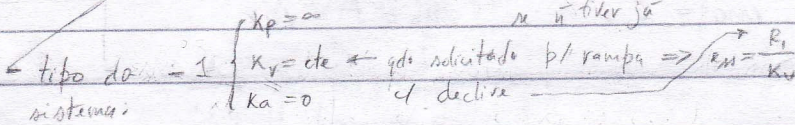
Estabelecer condições

$\varepsilon_{ss} = 5\% \rightarrow t_s \approx 3T = \frac{3}{\zeta \omega_n} < a \text{ para } \zeta \leq 0,85 \quad t_s \approx 5RT \quad L = \frac{L}{\zeta \omega_n}$

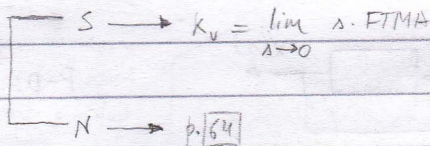
$M_p \leq x\%$



$\varepsilon_{ss} = 0$: a ref. de (...) des \rightarrow ação integral

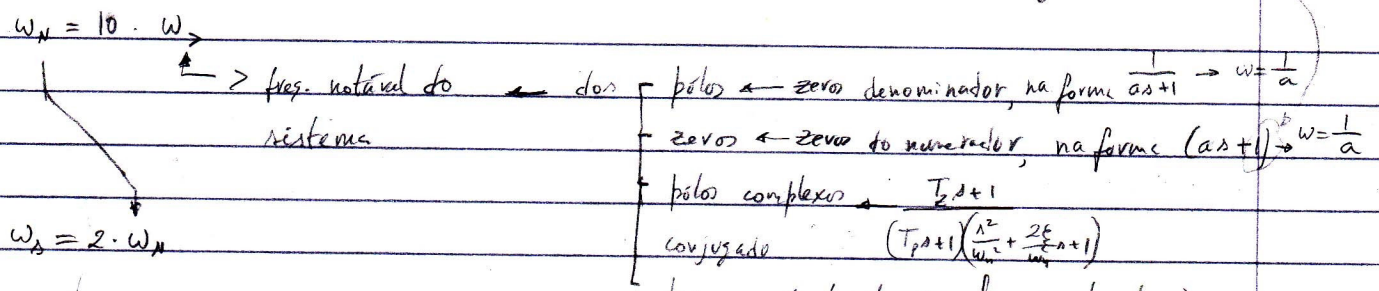


realimentação unitária?



$\frac{a}{b}$
 $1 + \frac{a}{b}$
 $\frac{a}{b+a}$

se não estiver
por esse valor no local
do ganho K



$\omega_s = 2 \cdot \omega_N$

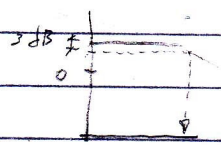
$f_s = \frac{\omega_s}{2\pi} = (\dots) \cdot \omega_N = f_N \cdot 2\pi$

$T_s = \frac{1}{f_s} = (\dots) \leftarrow n^\circ \text{ arredondado}$

largura de banda ← freq. + elevada
qual o sistema tem 1 ganho $\frac{1}{\sqrt{2}}$
relativa ao $\frac{1}{\sqrt{2}}$ tem a freq. pode ser

calculada: $\omega_b = \frac{\omega_c}{\sqrt{2}}$

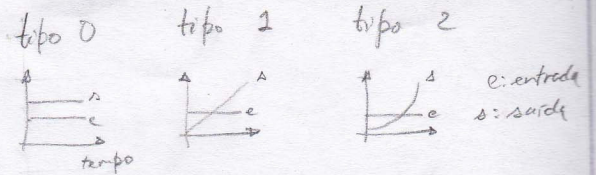
travada do dB $20 \log \frac{1}{\sqrt{2}} = -3 \text{ dB}$



Aplicação da transformação de Tustin

$$V(z) = V(s) \Big|_{s = \frac{2}{T} \cdot \frac{z-1}{z+1}}$$

A resposta em frequência do sistema discreto aproximado é igual à do sistema contínuo p/ valores $\omega < \frac{\omega_N}{10}$

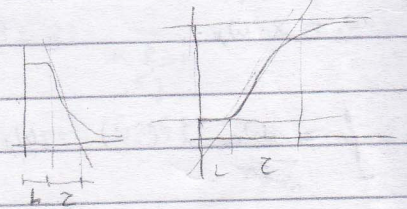


(solicitação Γ)

Tipo: ação de \Rightarrow saída tendo p/ valor de \Rightarrow tipo 0
 Ordem: n' de elementos de dinâmica n desprezível entre ação de comando e saída

(...)
 (...)
 (...)

atrasos temporais [de transporte $L =$
 de de tempo $\tau = (\dots) - L$



se $\tau_{res} = 0$ a rel de \Rightarrow tipo ≥ 1 (tem de ter ação f)

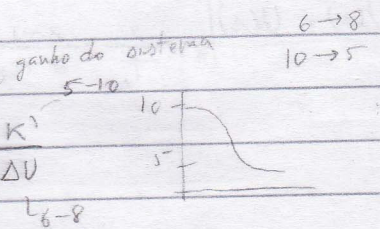
$L < \tau \Rightarrow \Delta$ suave \Rightarrow PID

$L > \tau \Rightarrow \Delta$ brusca \Rightarrow PI

Dimensionar o controlador pelo 1º método de Ziegler-Nichols

Controlador	K_p	T_i	T_d
P	$\frac{1}{a}$	—	—
PI	$\frac{0.9}{a}$	$3L$	—
PID	$\frac{1.2}{a}$	$2L$	$\frac{L}{2}$

$$K = \frac{a}{L} \quad K' = \frac{K'}{\Delta U}$$



a subtração o do fim p/ início

tipo	Γ	$\frac{R_0}{1+K}$	$\frac{R_1}{K}$	$\frac{R_2}{K}$	$U_c _{PID}(s) = K_p \left(1 + \frac{1}{T_i s} + T_d s \right)$	$U_c _{PI}(s) =$
tipo 0	$\frac{R_0}{1+K}$	∞	∞			
tipo 1	0	$\frac{R_1}{K}$	∞			
tipo 2	0	0	$\frac{R_2}{K}$			

PI ou PID? inclusão da ação derivativa \rightarrow tempo de resposta mas \neq overshoot

2º Método Ziegler-Nichols

Controlador	K_p	T_i	T_d
P	$0.5 K_{cr}$	—	—
PI	$0.45 K_{cr}$	$\frac{P_{cr}}{1.2}$	—
PID	$0.6 K_{cr}$	$\frac{P_{cr}}{1.2}$	$\frac{P_{cr}}{8}$

DIAGRAMA DE BODE

fazer tabela dos fatores elementares

escolher a escala do D.B.

→ ver ω_c min e ω_c max

fator ω_c rad/s

$K =$

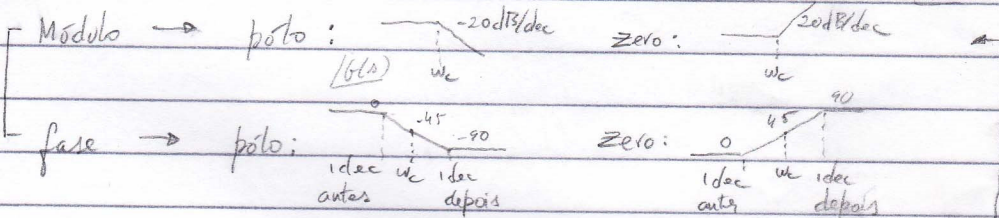
$p_1(s) = \frac{1}{T_1s + 1}$ $\omega_c = \frac{1}{T_1}$

$z_1(s) = 1 + T_1s$ $\omega_c = \frac{1}{T_1}$

$p_{2,3}(s) = \frac{1}{\frac{s^2}{\alpha} + bs + 1}$ $\omega_c = \sqrt{\alpha}$

a cada 1 corresponde 1 curva.

se tem ganho → no final a curva é $G(s) \times K$
 módulo do ganho = $20 \log_{10} K$
 sup na horizontal
 aqui é comeca



se tivermos 2 polos complexos conjugados

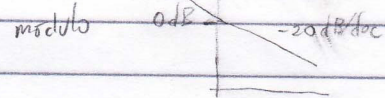
$-20 + (-20) = -40 \text{ dB/dec}$

$-90 + (-90) = -180^\circ$

mas funciona tipo o ganho p/ fase

se pole = $\frac{1}{s}$

$p - K/s$
 $z + K/s$



21 junho 2010

ângulo de inclinação

① i) $G(s) = \frac{\Theta(s)}{U(s)} = \frac{12}{s(s+10)(s+70)}$ pondo os termos independentes unitários

asas de \nearrow
contrato $G(s) = \frac{12/700}{s(\frac{s}{10}+1)(\frac{s}{70}+1)}$ 3ª ordem
Tipo 1

Desprezando a. de tempo + rápida ($\frac{1}{70}$)

$G(s) = \frac{12/700}{s(\frac{s}{10}+1)}$ 2ª ordem (2)
Tipo 1

Derivando p/ obter a velocid. (multiplicar p s^n)

$\frac{R(s)}{U(s)} = \frac{12/700}{\frac{s}{10}+1}$ 1ª ordem (1)
Tipo

Velocid. máxima ocorre p/ tensão máxima. Aplicando 1 solicitação em degrau de 10V de amplitude

$U(s) = 10 \cdot \frac{1}{s}$ substituindo em (1)

$R(s) = \frac{12/700}{\frac{s}{10}+1} \cdot \frac{10}{s} = \frac{12/70}{s(\frac{s}{10}+1)}$

A velocid. máx ocorre p/ $t \rightarrow \infty$, logo para $s \rightarrow 0$

$w_{\max} = \lim_{s \rightarrow 0} s \cdot R(s) = \frac{s(12/70)}{s(\frac{s}{10}+1)} = \frac{12}{70}$ rpm?

ii) o regime permanente ocorre para $\sqrt{t} = 4T \Rightarrow t = 0,4s$
 $\frac{1}{10}$

iii) Para o mesmo degrau de 10V de amplitude a eq (2) fica

$\Theta(s) = U(s) \cdot \frac{12/700}{s(\frac{s}{10}+1)} = \frac{12/70}{s(\frac{s}{10}+1)}$ 10

$\mathcal{L}\{\Theta\} = \mathcal{L}\left\{\frac{12/7}{s^2(s+10)}\right\} = \frac{12}{7} \mathcal{L}\left\{\frac{1}{s^2(s+10)}\right\}$ $\theta(t) = \frac{12}{7} \frac{1}{a^2} (at - 1 + e^{-at})$
 $10 \cdot \frac{2\pi}{360}$

b) i) $e_M = \frac{R}{K_v} < 15V$ como o dedive da rampa a propria velocid $\Rightarrow R = v$

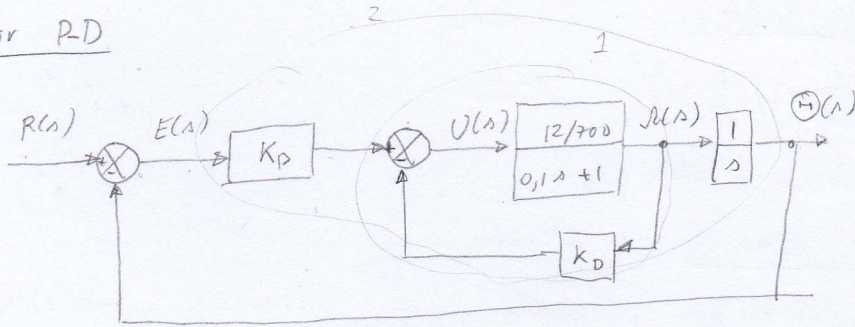
$e_M = \frac{R}{K_v} < 15V \Rightarrow K_v > \frac{1}{15} \text{ rad/s}$ (as unids da rampa tb são rad/s e tem de constar q o K_v p/ dar adimensional)

ii) $M_p < 5\% \Rightarrow \xi > 0,7 \wedge \xi < 0,9$

iii) $t_s < 0,6s, \epsilon = 2\% \Rightarrow \frac{4}{\xi w_n} < 0,6 \Rightarrow \xi w_n > 6,67$

Como os bogies são equipados com acelerômetros e permitem medir o valor da aceleração lateral, é desejável evitar a derivação do sinal de posição (e de seguida de velocidade) e pode acrescentar ruído ao sinal. Além disso o controlador PD introduz zero na FTMF o que pode comprometer os requisitos de M_p e t_s .

Controlador P-D



$$① \quad \frac{\frac{12/700}{0,1s+1}}{1 + \frac{(12/700)K_D}{0,1s+1}} = \frac{12/700}{0,1s+1 + (12/700)K_D}$$

$$② \quad FTMA = \frac{(12/700)K_P}{s(0,1s+1 + (12/700)K_D)}$$

$$③ \quad FTMF = \frac{\frac{12/700 K_P}{s(0,1s+1 + \frac{12}{700} K_D)}}{1 + \frac{12/700 K_P}{s(0,1s+1 + \frac{12}{700} K_D)}} = \frac{12/700 K_P}{s(0,1s+1 + \frac{12}{700} K_D) + \frac{12}{700} K_P} = \frac{\frac{12}{700} K_P}{0,1s^2 + s + \frac{12}{700} K_D s + \frac{12}{700} K_P}$$

$$= \frac{\frac{12}{70} K_P}{s^2 + s(10 + \frac{12}{70} K_D) + \frac{12}{70} K_P} = \frac{\omega_n^2}{s^2 + 2\zeta\omega_n s + \omega_n^2}$$

$$\omega_n^2 = \frac{12}{70} K_P$$

$$2\zeta\omega_n = 10 + \frac{12}{70} K_D \Rightarrow \zeta\omega_n = 5 + \frac{12}{140} K_D \quad (1)$$

Como realimentação é unitária

$$K_V = \lim_{s \rightarrow 0} s \cdot FTMA(s) = \frac{12/700 K_P}{0,1s+1 + \frac{12}{700} K_D} = \frac{12/700 K_P}{\frac{12}{700} K_D} \geq 6,67 \dots K_P \geq 389 + 6,67 K_D \quad (2)$$

eq. (1) + c2

$$5 + \frac{12}{140} K_D > 6,7 \Rightarrow K_D \geq 19,3 \stackrel{(2)}{\Rightarrow} K_P \geq 517$$

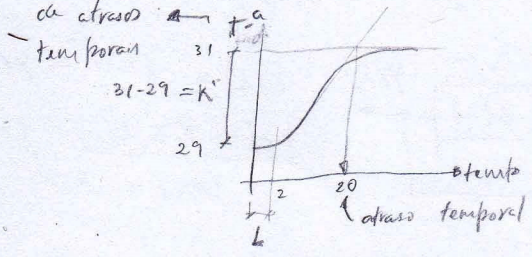
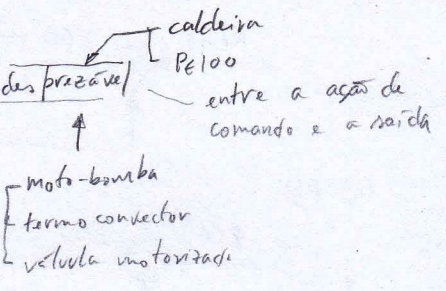
$$\zeta = \frac{5 + \frac{12}{140} K_D}{\sqrt{\frac{12}{70} K_P}} \stackrel{19,3}{\underset{517}}{=} = 0,706 \quad \checkmark$$

$0,7 < \zeta < 0,9$	c1
$\zeta\omega_n > 6,67$	c2
$K_V \geq 6,67 \text{ rad/s}$	

2

a) Estimar:

tipo ← ação de controlo cte ⇒ saída cte ⇒ tipo 0
 ordem ← = nº de elementos de dinâmica n des. prezável
 existência de atrasos temporais



45% → 55%
 ΔP = 10%

está colocada logo à saída do convector

↑ atraso transporte:
 existência de 1 intervalo de tempo entre uma atuação sobre 1 dos sistema e as manifestações de seus efeitos sobre o comportamento deste.

A de tempo, τ , está relacionada c/ a inércia térmica do fluido e está a ser ineficaz.

b) P, PI ou PID p/ $e_{ss} = 0$ a ref. ctes

Para $e_{ss} = 0$ a ref. ctes. é preciso τ ou seu tipo seja ≥ 1 . como é tipo 0 é preciso q o controlador tenha ação integral

Qdo a variação é mto brusca, a ação derivativa é indesejada pois desestabiliza a resposta.

$L < T \Rightarrow \Delta$ suave \Rightarrow PID

$L = 2s$
 $T = 20 - 2 = 18s$

$L > T \Rightarrow \Delta$ brusca \Rightarrow PI

$L < T \Rightarrow$ PID \Rightarrow 4º ordem

Dimensionais do controlador pelo 1º método de Ziegler-Nichols:

$$K = \frac{K'}{AU} = 0,2 \text{ } ^\circ\text{C}/\%$$

$$\frac{K}{T} = \frac{a}{L} \Rightarrow a = 0,02 \text{ } ^\circ\text{C}/\%$$

Controlador	K_p	T_i	T_d
P	$\frac{1}{a}$	—	—
PI	$0,9 \frac{1}{a}$	$2L$	—
PID	$1,2 \frac{1}{a}$	$2L$	$\frac{L}{2}$

$$K_p = \frac{1,2}{a} = 60$$

$$T_i = 2L = 4$$

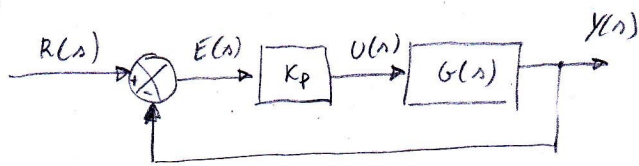
$$T_d = \frac{L}{2} = 1$$

3

$$U(s) = K_p \left\{ [\alpha \cdot R(s) - Y(s)] + \frac{1}{T_i s} [R(s) - Y(s)] + T_d s [\beta \cdot R(s) - Y(s)] \right\}$$

	α	β	T_i	T_d
PID	1	1	n	n
P-D	1	0	∞	n
P	1	0	∞	0
PD	1	1	∞	n
I-P	0	0	n	0
PI-D	1	0	n	n
PI	1	0	n	0
I-PD	0	0	n	n

i) P

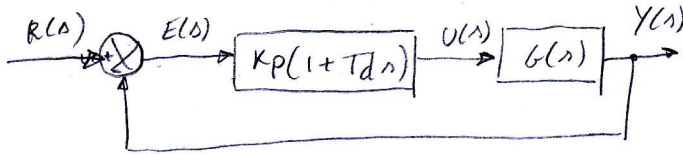


$$E(s) = R(s) - Y(s)$$

$$K_p E(s) = K_p (R(s) - Y(s))$$

$$U(s)$$

ii) PD

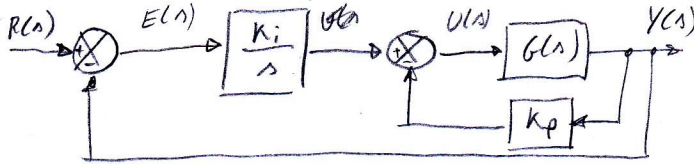


$$E(s) = R(s) - Y(s)$$

$$K_p(1 + T_d s) E(s) = (1 + T_d s)(R(s) - Y(s))$$

$$U(s) = R(s) - Y(s) + T_d s(R(s) - Y(s))$$

iii) I-P



$$E(s) = R(s) - Y(s)$$

$$E(s) \frac{K_i}{s} = \frac{K_i}{s} (R(s) - Y(s))$$

como $K_i = \frac{K_p}{T_i}$

$$E(s) \frac{K_i}{s} - K_p Y(s) = \frac{K_i}{s} (R(s) - Y(s)) - K_p Y(s)$$

$$U(s)$$

$$U(s) = \frac{K_p}{T_i s} (R(s) - Y(s)) - K_p Y(s) = K_p (-Y(s)) + \frac{1}{T_i s} (R(s) - Y(s))$$

iv)

b) $f_N = 50 \text{ Hz}$ $\omega_N = f_N \cdot 2\pi = 314 \text{ rad/s}$

$$f_s = \frac{\omega_s}{2\pi} = \frac{2 \cdot \omega_N}{2\pi} = 100 \text{ Hz} \Rightarrow T_s = \frac{1}{f_s} = 0,01 \text{ s}$$

Aplicar agora a transformação de Tustin

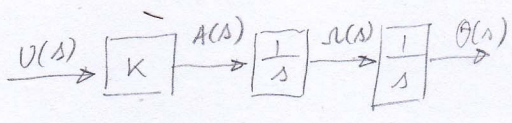
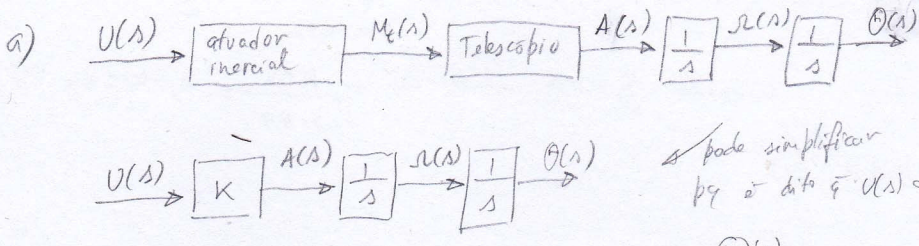
$$U(z) = U(s) \Big|_{s = \frac{2}{T_s} \cdot \frac{z-1}{z+1}}$$

29 JUNho 2009

$$A(s) = K U(s) \Rightarrow K = 0,06 \text{ rad/s}^2 \%$$

$$U(s) = \pm 100 \%$$

$$A(s) = \pm 6 \text{ rad/s}^2$$



↳ pode simplificar pq é dito q $U(s) \propto A(s)$

b) converter w p/ rad/s

$$\frac{\Theta(s)}{U(s)} = \frac{K}{s^2} \Rightarrow \text{tipo 2, 2}^\circ \text{ ordem}$$

$$1 \text{ minuto de arco} = \frac{1}{60}^\circ = \frac{2\pi}{360} \cdot \frac{1}{60} \text{ rad}$$

$$i) e_{ss} \leq 0,01 \cdot \frac{2\pi}{360 \cdot 60} = 3,91 \cdot 10^{-6} \text{ rad}$$

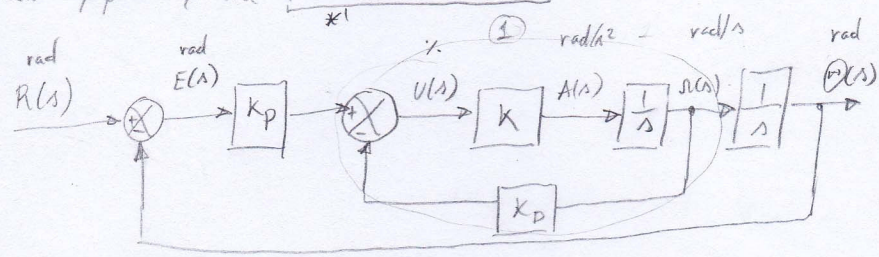
$$v_{\text{corpo}} = 0,21 \frac{2\pi}{360 \cdot 60} = 6,11 \cdot 10^{-5} \text{ rad/s} = R$$

$$\left. \begin{matrix} 6,11 \cdot 10^{-5} \\ 3,91 \cdot 10^{-6} \end{matrix} \right\} \frac{R}{K_v} < e_{ss} \Rightarrow K_v > 21$$

ii) $M_p < 5\%$
 \downarrow
 $\xi > 0,7$

Como o sistema é tipo 2, 2^o ordem o controlador precisa de ação integral.
 Por ser de 2^o ordem é conveniente usar um controlador P-D (a realimentação é possível pq o satélite está equipado com um transdutor de rotação). São necessárias 2 ações de controle, uma p/ w e outra p/ ξ .

*1 giroscópio p/ medição de rotação angular



Satélite parado é solicitado a acompanhar corpo em movimento \Rightarrow solicitação em rampa
 c/ declive = v_{corpo} .

Determinação de K_v :

Como a realimentação é unitária

$$K_v = \lim_{s \rightarrow 0} s \cdot FTMA(s) > 6,11 \cdot 10^{-3}$$

$$\textcircled{1} \frac{\frac{k}{s}}{1 + \frac{k_D K}{s}} = \frac{k}{s + k_D K}$$

$$FTMA(s) = k_p \cdot \frac{1}{s} \cdot \frac{k}{s + k_D K} = \frac{k k_p}{s(s + k_D K)}$$

tipo 1 - 2^o ordem

$$\lim_{s \rightarrow 0} s \cdot \frac{k k_p}{s(s + k_D K)} = \frac{k k_p}{k_D K} \Rightarrow \frac{k_p}{k_D} > 21 \quad (4)$$

$$ii) FTMF = \frac{FTMA}{1+FTMA} = \frac{\frac{KK_p}{s(s+KK_p)}}{1+\frac{KK_p}{s(s+KK_p)}} = \frac{KK_p}{s(s+KK_p)+KK_p} = \frac{KK_p}{s^2 + \Delta KK_D + KK_p} = \frac{KK_p}{s^2 + 2\zeta\omega_n s + \omega_n^2}$$

$$\left\{ \begin{aligned} \omega_n^2 &= KK_p & \Rightarrow & \omega_n = \sqrt{KK_p} \quad (2) \\ 2\zeta\omega_n &= KK_D & \Rightarrow & \zeta = \frac{KK_D}{2\omega_n} \geq 0,7 \quad (1) \end{aligned} \right.$$

Fazendo $\zeta = 0,7 \xrightarrow{(1)} \omega_n = \frac{KK_D}{2 \cdot 0,7} = 0,421 KK_p \quad (3)$

$$\left\{ \begin{aligned} \frac{K_p}{K_D} > 21 &\Rightarrow K_p > 21K_D \Rightarrow K_p = 14406 \\ \frac{KK_D}{2\sqrt{KK_p}} \geq 0,7 &\Rightarrow \frac{KK_D}{2\sqrt{K \cdot 21K_D}} \geq 0,7 \Rightarrow K_D = 686 \end{aligned} \right.$$

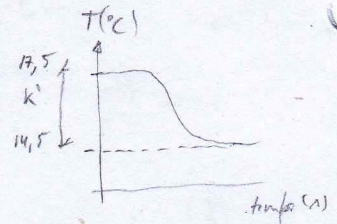
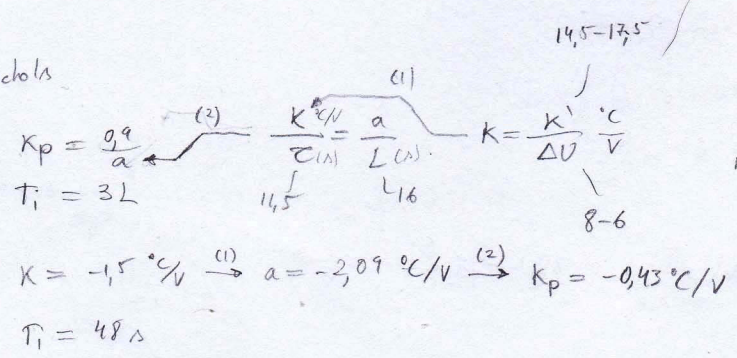
K_p : rad. (...) = %
 (...) = $\left[\frac{\%}{rad} \right]$
 K_D : $\frac{rad}{s}$ (...) = %
 (...) = $\left[\frac{\%}{rad/s} \right]$

② a) (soluções em Γ)
 Tipo: ação controlada \Rightarrow saída tende p/ valor de \Rightarrow tipo
 Ordem: n° de elementos de dinâmica n° desprezível entre ação de comando e saída
 { Motobomba + motor
 { chiller
 { variador eletrônico de frequência? } 3+
 atrasos temporais { de transporte $L=16s$
 { cte de tempo $\tau=27,5-16=11,5s$

b) Para garantir $e_{ss}=0$ a Ref tª de retorno da água etc, o sistema precisa ser tipo ≥ 1 portanto o controlador tem de ter ação integral. \Rightarrow sistema para a ser ordem 4
 Além disso, como $L > \tau \Rightarrow \Delta T^\circ \uparrow$ deve-se evitar introduzir ação derivativa
 \therefore Controlador PI

c) 1º método de Ziegler-Nichols

controlador PI: $K_p = \frac{0,9}{a}$
 $T_i = 3L$



$$G_c(s) = K_p \left(1 + \frac{1}{T_i s} \right) = -0,43 \left(1 + \frac{1}{48s} \right)$$

3 a)

$$f_N = 10 \text{ Hz} \quad \omega_N = f_N \cdot 2\pi = 20\pi \text{ rad/s} \quad f_A = \frac{\omega_A}{2\pi} = \frac{2 \cdot \omega_N}{2\pi} = 20 \text{ Hz} \quad T_A = \frac{1}{f_A} =$$

$$U(z) = K_p \left((\alpha \cdot R(z) - Y(z)) + \frac{1}{T_i} \frac{z}{z-1} \cdot (R(z) - Y(z)) \right)$$

$$U(z) = K_p (\alpha \cdot R(z) - Y(z)) + \frac{K_p}{T_i} \frac{T_A(z+1)}{2(z-1)} (R(z) - Y(z))$$

Tirando $(z-1)$ de denominador

$$U(z)(z-1) = K_p(z-1)(\alpha R(z) - Y(z)) + \frac{K_p}{T_i} \frac{T_A(z+1)}{2} (R(z) - Y(z))$$

Dividindo pela $>$ potência de z (\bar{q} as z^{-z})

$$U(z)(1-z^{-1}) = K_p(1-z^{-1})(\alpha R(z) - Y(z)) + \frac{K_p}{T_i} \frac{T_A(1+z^{-1})}{2} (R(z) - Y(z))$$

passando p/ domínio temporal

$$u_k - u_{k-1} = K_p \cdot (\alpha r_k - y_k - (\alpha r_{k-1} - y_{k-1})) + \frac{K_p T_A}{2 T_i} \left((r_k - y_k) + (r_{k-1} - y_{k-1}) \right)$$

$$u_k = u_{k-1} + \dots$$

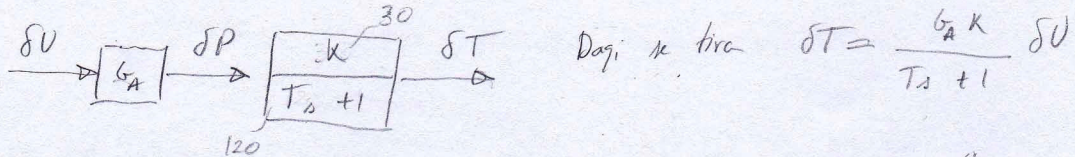
18 JULHO 2008

1. a) $U(s) \in [0, 10] V$ (tensão de comando)

O diagrama está representado no domínio variacional, em torno de um ponto de funcionamento: $T_{amb} = 20^\circ C$

$T = T_{forno} = 200^\circ C$ Entã $\delta T_{amb} = T_{amb} - 20$
 $\delta T_{forno} = \delta T = T - 200 \quad (1)$

Para a condição $T_{amb} = 20^\circ C \Rightarrow \delta T_{amb} = 0$ e o ramo de cima desaparece. O diagrama de blocos fica



Em regime permanente $\delta T = \lim_{s \rightarrow 0} \frac{G_A K}{T_s + 1} \delta U = G_A K \delta U$

Se $U = 0$ ^{reg. perm.} $\Rightarrow T = T_{amb} = 20$, substituindo (1) acima e sabendo q $\delta U = U - U_0$

$T - 200 = \frac{G_A K}{T_s + 1} \delta U \Rightarrow U_0 = 3V$

tensão de comando definida p/ o ponto funcionando

O valor máximo ocorre qdo se aplica a max tensão de comando

$T - 200 = \frac{G_A K}{T_s + 1} (U - U_0) \Rightarrow T = 620^\circ C$

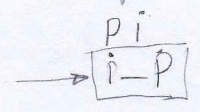
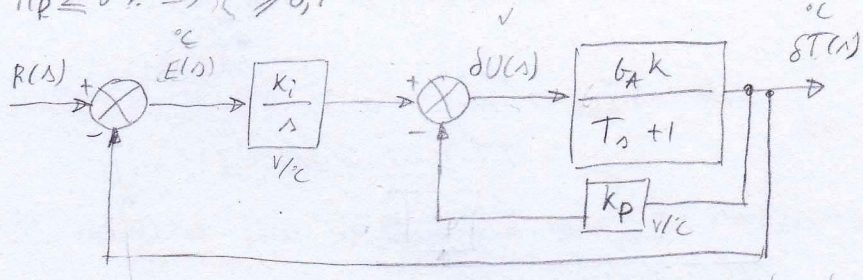
b) A tensão de comando respectiva às condições de linearização é $U_0 = 3V$ (calculada acima)

Relativa à potência, $= U_0 \cdot G_A = 6kW$

c) i) sistema tipo 0 → controlador de ação integral

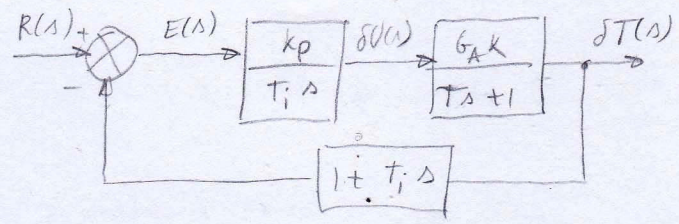
ii) $t_n = 240 = \frac{4}{\zeta \omega_n}$ ($\epsilon = 2\%$) $\wedge \zeta \leq 0,9$ } vai ser preciso ajustar ω_n e ζ

iii) $M_p \leq 5\% \Rightarrow \zeta \geq 0,7$



← diagrama p/ Tamb = 20°C p/ evitar o controlador ter 2 graus de liberdade.

Este sistema pode ser representado de maneira q os blocos do controlador estejam separados dos do sistema



Vamos 1º tentar pelo de cima e dps verificamos p/ o desenho sabendo q $k_i = \frac{K_p}{T_i}$

A) $\frac{1 \cdot G_A K}{T_s + 1} = \frac{G_A K}{T_s + 1 + G_A K K_p}$ FTMA = $\frac{G_A K K_i}{T_s + 1 + G_A K K_p}$ FTMF = $\frac{PTMA}{1 + FTMA}$

FTMF = $\frac{G_A K K_i}{T_s + 1 + G_A K K_p + G_A K K_i}$ = $\frac{\frac{G_A K K_i}{T}}{T^2 s^2 + s(1 + \frac{G_A K K_p}{T}) + \frac{G_A K K_i}{T}}$ = $\frac{\omega_n^2}{s^2 + 2\zeta \omega_n s + \omega_n^2}$

$\omega_n^2 = \frac{60 \cdot G_A K K_i}{T} \Rightarrow \omega_n^2 = \frac{K_i}{2}$ por ii) $\Rightarrow \zeta \omega_n = 0,01(6) \approx 0,0167$

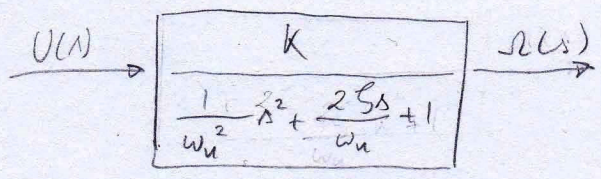
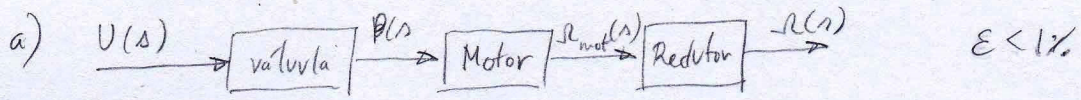
$\zeta \omega_n = \frac{1 + \frac{60 \cdot G_A K K_p}{T}}{2T \omega_n} = 0,0167 \Rightarrow K_p = 0,05$

por iii) $0,7 \leq \zeta \leq 0,9$

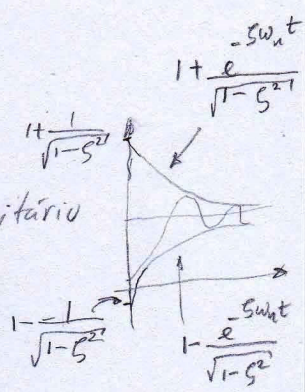
$0,7 \leq \frac{1 + \frac{60 \cdot G_A K K_p}{T}}{2T \sqrt{\frac{K_i}{2}}} \Rightarrow$

$\frac{1 + G_A K K_p}{2T \sqrt{\frac{K_i}{2}}} \leq 0,9 \Rightarrow$

② $U(s) \in [-10, 10] V$; $\omega_n = 40\pi \text{ rad/s}$; $\xi = 0,6$; $K = 1 \text{ rpm/V} = \frac{\pi}{30} \text{ rad/s/V}$



Considerando as 2 curvas envolventes da resposta ao degrau unitário
 Para um erro de 1%.



$$1 + \frac{e^{-\xi \omega_n t}}{\sqrt{1-\xi^2}} = 1,01 \Rightarrow t = 0,064 \text{ s}$$

$\xi = 0,6$

ou tb se podia usar a curva de baixo = 0,999

b) \downarrow copiado do Bessa

O sistema é de tipo 0, e para uma solicitação em 5 (v. ref etc) responde com erro de regime permanente pelo 5. n é necessária ação integral no controlador \Rightarrow comp. de avanço de fase

$$e_{ss} = \frac{R_0}{1+K_p}, \quad K_p = \lim_{s \rightarrow 0} FTMA(s)$$

factor

freq. naturais

$$P_1(s) = \frac{1}{1 + j \frac{25}{40\pi} \omega - \frac{1}{(40\pi)^2} \omega^2} \quad \omega_c = \omega_n = 40\pi$$

i) $\frac{e_{ss}}{R_1} = 0,01$

$$FTMA(s) = \frac{K_0(T_1 s + 1)}{\frac{1}{2} s + 1} \cdot \frac{1}{\frac{1}{(40\pi)^2} s^2 + \frac{2 \cdot 0,6}{40\pi} s + 1}$$

$$K_p = \lim_{s \rightarrow 0} K \cdot \frac{0+1}{0+1} \cdot \frac{1}{0+0+1} = K$$

$$\frac{e_{ss}}{K} = 0,01 = \frac{1}{1+K} \Rightarrow K = 999$$

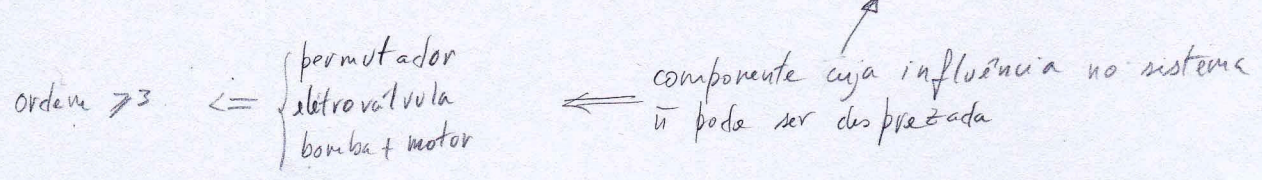
3

a) $U_c \uparrow \Rightarrow$ válvula abre \Rightarrow passa + V por ela e - pelo permutador. \Rightarrow ar agece.

$U_c \uparrow \Rightarrow$ ar agece \Rightarrow ganho do controlador tem sinal +

$$G_c = K V/C^o$$

b) ordem sistema = n. de componentes de dinâmica n. desprezável do sistema



o tipo do sistema deve ser o porge mediante uma solicitação em degrau (da válvula) a temperatura tenderá, em regime permanente, p/ um valor etc.

Qto. a atrasos temporais

- da transporte (L) deverá existir porge a conduta é grande e o Pt100 só foi colocado no final. Se tivesse sido colocado ao pé do permutador o L \downarrow .
- cte tempo (T): tem de ter devido à inércia térmica do ar e devido às características do permutador (resistência térmica (condutão + conv. + rad.))

c) Para o sistema não ter nenhum erro ao fim de muito tempo ($e_{ss} = 0$) deve ter pelo - 1 integrador \Rightarrow o controlador e \bar{q} vai ter de a ter visto \bar{q} o sistema tipo 0 n. tem nenhum. \Rightarrow PI ou PID.

Tendo informação relativa aos valores de L e T é possível ajudar na escolha. Podemos ver \bar{q} $P_{cr} \approx 194s$ (período d oscilações ctes). Para um P_{cr} tão grande também T deve ser grande $\Rightarrow T > L \Rightarrow$ PID.

d) $K_{cr} = 2 V/C^o$; $P_{cr} \approx 194s$ Para 1 controlador PID

K_p	T_i	T_d
$0,6 K_{cr}$	$\frac{P_{cr}}{2}$	$\frac{P_{cr}}{8}$
$0,54 V/C^o$	$97s$	$24,25s$

$$G_c = K_p \left(1 + \frac{1}{T_i s} + T_d s \right)$$

$$G_c = 0,54 \left(1 + \frac{1}{97s} + 24,25s \right)$$